

## المحاضرة 12

تجفيف الغازات باستخدام المجففات السائلة:

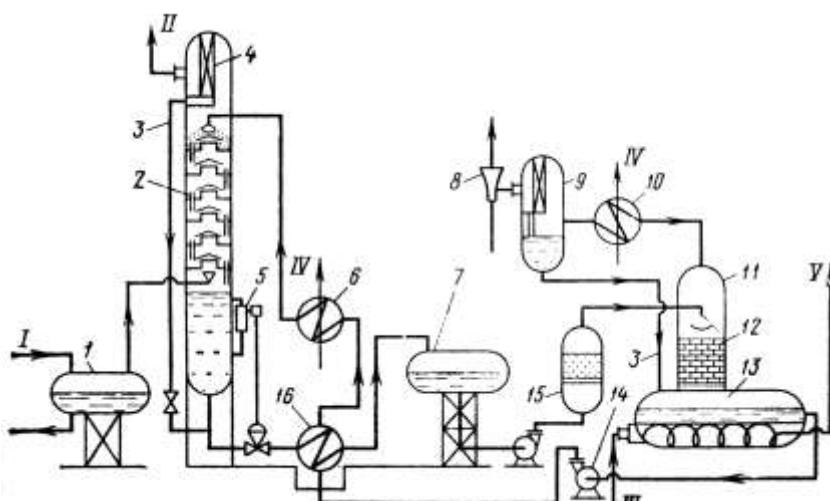
تعتمد هذه الطريقة في تجفيف الغازات على قابلية بعض السوائل لامتصاص بخار الماء . هذا وقد أثبتت مركبات ايتيلين الغليكول (أحادي وثنائي وثلاثي) فعاليتها العملية وذلك لما لها من ميزات مقارنة مع المواد والطرق الأخرى:

- جيدة الانحلال في الماء.
- سهولة إعادة تنشيطها وثباتيتها العالية بعد التنشيط.
- الضغط البخاري المنخفض عند تماستها مع الغاز مما يقلل من الفقد بالبخار.
- عدم قابليتها على تشكيل الرغوة والمستحلبات مع المواد الهيدروكربونية السائلة وسهولة فصلها عنها بسبب الفرق في الكثافة.

الجدول (10-2) بعض الخواص الفيزيائية لمركبات ايتيلين الغليكول

ثلاثي ايتيلين الغليكول TEG	ثنائي ايتيلين الغليكول DEG	ايتيلين الغليكول EG	المؤشر
$C_6H_{14}O_4$	$C_4H_{10}O_3$	$C_2H_6O_2$	الصيغة الكيميائية
1127	1116	1110	الكثافة بدرجة الحرارة $20^{\circ}C$ ، $kg/M^3$
47.8	35.7	20.9	الزوجة ( $T=20^{\circ}C$ ) mpa.s
287	245	198	درجة الغليان عند الضغط الجوي $C^{\circ}$
97-99	95-98	-	تركيز محلول المائي المستخدم للتجفيف %
40-45	15-36	10-20	انخفاض نقطة الندى. $C^{\circ}$

يوضح الشكل (10-9) تكنولوجيا تجفيف الغازات الطبيعية باستخدام الغليكول.



- الشكل (10-9) المخطط التكنولوجي لعملية تجفيف الغازات باستخدام الغليكول
- الفاز الرطب. II - الفاز الجاف. III - غاز للحرق. IV - ماء بارد. V - مدخنة
  - فاصل 1 - برج امتصاص 3 - خط انسياپ الغليكول الملقط 4 - لاقط قطرات 5 - منظم مستوى
  - مبرد 6 - وعاء تحرير 8 - طارد (قلذف) 9 - فاصل 11 - جهاز تنشيط 12 - حشوة
  - غلاية 13 - مضخة.

يدخل الغاز المنتج من الآبار إلى الفاصل 1 وذلك بهدف الفصل الأولي للماء الذي تشكل في طريق الغاز من البئر حتى محطة المعالجة نتيجة انخفاض الضغط ودرجة الحرارة . يتتابع الغاز الخارج من الفاصل إلى أسفل برج الامتصاص 2 ويجري نحو الأعلى عبر الصوانى المزودة بفناجين حيث يتلامس مع الغليكول المتذوق من أعلى البرج نحو الأسفل . يقوم الغليكول بامتصاص بخار الماء الموجود في الغاز ويزاد تشبعه من أعلى البرج باتجاه الأسفل . يغادر الغاز الجاف من أعلى برج الامتصاص (عبر شبك يلتقط أي قطرات من الغليكول) إلى خط النقل . أما محلول الغليكول المشبع ببخار الماء فيؤخذ من أسفل البرج عبر المبادل الحراري 6 إلى خزان تحرير 7 ثم إلى الفلتر 15، ويتابع طريقه إلى جهاز التقظير 11 الذي يتضمن مسخن (غلاية) 13 حيث يسخن الغليكول (DEG) حتى الدرجة 150°C و (TEG) حتى الدرجة 185°C، وبالتالي فإن بخار الماء سوف ينطلق مع بعض أبخرة الغليكول عبر المبرد 10 إلى الفاصل 9. يضخ الغليكول بعد تخلصه من بخار الماء بواسطة المضخة 14 عبر المبادل الحراري 6 والمبرد 16 (حيث تتحفظ درجة حرارته إلى حدود 30°C) إلى أعلى برج الامتصاص وهكذا تتكرر دورته من جديد.

بهدف الحصول على تجفيف جيد للغاز، فإن معدل تدفق الغليكول يجب أن لا يقل عن 1 كغ ماء ممتص وأيضاً استخدام برج امتصاص بأكبر عدد ممكن من الصوانى

تحديد كمية الغليكول النقي (G(Ton/day) التي يجب ضخها إلى أعلى برج الامتصاص بالعلاقة التالية:

$$G = \frac{W}{(1 - q_2) \frac{q_1}{q_2} - (1 - q_1)} \quad (10-5)$$

حيث أن:

$q_1$  - التركيز الوزني للغليكول عندما يكون مشبعاً ببخار الماء.

$q_2$  - التركيز الوزني للغليكول المنشط.

W - كمية بخار الماء الممتصة (Ton/day) وتحسب بالعلاقة:

$$W = V(W_1 - W_2)/10^6$$

حيث أن:

$V$  - كمية الغاز الجاف في الشروط ( $p = 0.1 \text{ Mpa}$ ,  $T = 0^\circ\text{C}$ )

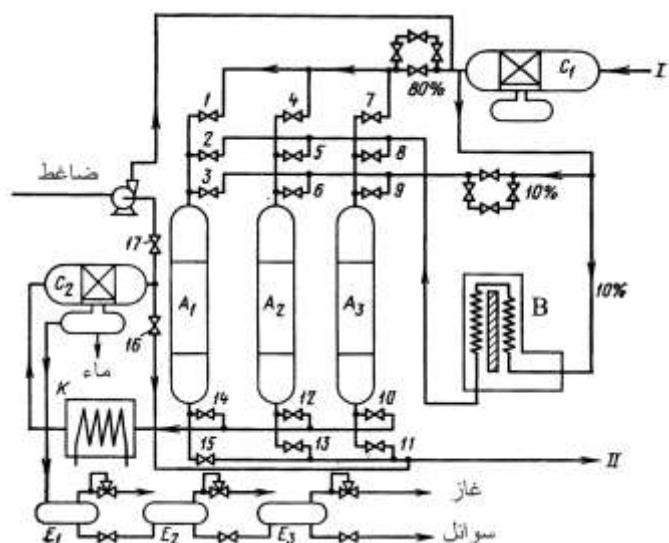
$W_1$  - محتوى بخار الماء الأولى في الغاز  $\text{gr/M}^3$

$W_2$  - محتوى بخار الماء النهائي في الغاز الجاف  $\text{gr/M}^3$ .

### 10-3-3- تجفيف الغازات باستخدام المجففات الصلبة:

تعتمد هذه الطريقة على استخدام وسائل صلبة تقوم بامتصاص (الدمصاص) أبخرة الماء والمواد الهيدروكربونية الثقيلة حتى بدرجات الحرارة العادمة ( $15-40^\circ\text{C}$ )، وتحقق هذه التكنولوجيا فصلاً شبه تام لبخار الماء والمتكتفات الغازية مما يستتبع داحتمال تشكيل الهيدرات وسدادات المواد الهيدروكربونية السائلة في أنابيب النقل، حتى في درجات الحرارة السالبة ( $-50^\circ\text{C}$ ).

تتوفر في الوقت الحاضر العديد من المواد الصلبة الفعالة : السيليكون - الفحم الفعال - البوكسيت ( $\text{Al}_2\text{O}_3$ ) - المناخل الجزئية. يوضح الشكل (10-10) العمليات التكنولوجية باستخدام المجففات الصلبة:



الشكل (10-10) المخطط التكنولوجي لتجفيف الغاز وفصل المتكتفات باستخدام المجففات الصلبة

- I - الغاز الرطب. II - خط النقل. A<sub>1</sub>, A<sub>2</sub>, A<sub>3</sub> - أبراج امتصاص (الدمصاص).

- فوائل. B - سخان (فرن) لتسخين غاز التنشيط. k - ملقط.

- خزانات الهيدروكربونات السائلة. E<sub>1</sub>, E<sub>2</sub>, E<sub>3</sub> - صمامات.

يدخل الغاز إلى الفاصل C<sub>1</sub> لفصل قطرات السائلة التي يحملها، ومن ثم عند مخرج الفاصل يجزأ تيار الغاز إلى ثلاثة أجزاء:

- 80% من الغاز يتجه إلى برج الامتصاص A<sub>1</sub>، حيث يتم تخليص الغاز من بخار الماء والبروبان والبوتان (C<sub>4</sub>, C<sub>3</sub>) والمركبات الأثقل C<sub>5+</sub>.

- 300- - 10% من الغاز ، وتسمى غاز التنشيط يتجه للسخان B ، حيث يسخن للدرجة ° 350C ومن ثم يتبع طريقه إلى برج الامتصاص A<sub>2</sub> من أجل تنشيط الوسيط . - 10% من الغاز بدرجة حرارة ° 25-30C يتجه إلى برج الامتصاص A<sub>3</sub> بهدف التبريد والتحضير لهورة جديدة.

k ينطلق الغاز الساخن المشبع ببخار الماء والمركبات الهيدروكربونية الثقيلة عبر المكثف إلى الفاصل C<sub>2</sub> لفصل الطور السائل عن الغاز الجاف الذي يتبع طريقه إلى خط النقل .

تجري المتكثفات المفصولة إلى الخزان E<sub>3,E<sub>2,E<sub>1</sub></sub></sub> حيث يتم تخفيض الضغط بشكل تدريجي لإيصالها إلى حالة الاستقرار .

بعد ذلك تغير وضعية الصمامات بشكل أوتوماتيكي ، بحيث يتم تحويل الجزء الأول من تيار الغاز (80%) إلى برج الامتصاص A<sub>3</sub> وبالمقابل يخضع وسيط الامتزاز في البرج A<sub>1</sub> لإعادة التنشيط بواسطة الغاز الساخن القادم من السخان B ويخضع الوسيط في البرج A<sub>2</sub> إلى التبريد بواسطة الغاز لتجهيزه للعمل .

C<sub>1</sub> يعتبر استخدام هذه التكنولوجيا ناجحاً في الحالات التي يحتوي فيها الغاز الخارج من الفاصل على هيدروكربونات ثقيلة بنسبة لا تزيد عن 30cm<sup>3</sup> في المتر المكعب الواحد وبغض النظر عن نسبة البروبان والبوتان .

## **الفصل الحادي عشر**

### **منحنیات انخفاض (هبوط) إنتاجية الآبار الغازية وطرائق تحليلها**

يعتبر تحليل منحنیات هبوط معدل الإنتاج أداة جيدة للتنبؤ المستقبلي للإنتاجية من خلال سعة الإنتاج من الآبار أو المكامن، وهي تدرس العوامل التي أثرت على الإنتاج في الماضي والتي ستستمر بالتأثير في المستقبل. تتحدد منحنیات انخفاض الإنتاج بثلاثة عوامل هي:

- معدل الإنتاج الأولي.
- شكل المنحني.
- معدل الانخفاض.

هذه العوامل تابعة لعدد من المؤشرات مثل قطر البئر، وسائل المعالجة السطحية، مؤشرات الطبقة (مسامية، نفوذية، سماكة التشكيل، لزوجة الماء ، حجم المكمن، تباعد الآبار، الانضغاطية )، آلية الإنتاج، عمليات التحسين (مثل التحميص والتشقيق)، إن كل ما ذكر سيساهم في مواصفات منحني هبوط الإنتاجية . وإن العوامل التي تؤثر بشكل مباشر على الهبوط في معدل إنتاج الغاز انخفاض متوسط ضغط المكمن والزيادة في المياه الحقلية المنتجة في حقول الدفع المائي . أما الشروط التي يجب أن تتوفر حتى نستطيع تحليل منحني هبوط معدل الإنتاج بشكل يمكن الوثوق به هي :

- يجب أن يكون معدل الإنتاج مستقرًا خلال فترة الدراسة، أي يجب أن ينبع البئر بفترة محددة.
- يجب أن يعكس هبوط الإنتاج الملاحظ بشكل فعلي معدل إنتاج المكمن، وليس ناتجًا عن ظروف خارجية مثل تغير شروط الإنتاج، أو تخريب البئر.
- يجب أن تسود شروط مستقرة بالمكمن لكي نستقر منحنى الهبوط بشكل يمكن الوثوق به وهذا الشرط سيكون متحققًا عادة ما لم يتم تعديل الآلة التي يتم الإنتاج يمكن أيضًا استخدام منحنى انخفاض معدل الإنتاج في التقييم الفني والاقتصادي للعمليات التي تجري على البئر لتحسين مردود إنتاج الغاز مثل حقن الموائع والتشقيق والتحميس، وذلك بتحليل منحنى الانخفاض قبل وبعد عمليات التحسين هذه.

### 11-1- الحد الاقتصادي (Economic Limit)

إن الحد الاقتصادي هو النقطة الأخيرة في منحنى هبوط معدل الإنتاج ويعرف بأنه معدل الإنتاج الذي بالكاد سيؤمن تكاليف التشغيل المباشرة للبئر، ويمكن أن يعبر عن الحد الاقتصادي جريأً كما يلي:

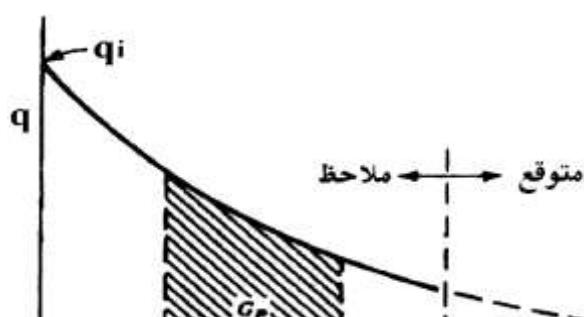
$$\text{الحد الاقتصادي} = \{\text{التكليف المباشرة للتشغيل} / (\text{الدخل} - \text{حصة الجهة المالكة})\}.$$

فمن الواضح أن تخفيض التكاليف المباشرة للتشغيل والزيادة في سعر الغاز الطبيعي سيؤدي إلى زيادة الكميات المنتجة من الغاز والعكس بالعكس.

### 11-2- تصنيف منحنيات انخفاض معدل الإنتاجية:

في أغلب الحالات يتراقص معدل انخفاض الإنتاجية مع الزمن ( $dq/dt$ ) الشكل (11-1)، حيث يتم اختيار النقطة التي تمثل زمن الإنتاج ( $t = 0$ ) بشكل عشوائي، والمساحة المحصورة بين الأزمانة ( $t_1, t_2$ ) هي قياس للإنتاج التراكمي خلال هذه الفترة من الزمن، وبذلك نكتب :

$$G_p = \int_{t_1}^{t_2} q \cdot dt \quad (11-1)$$

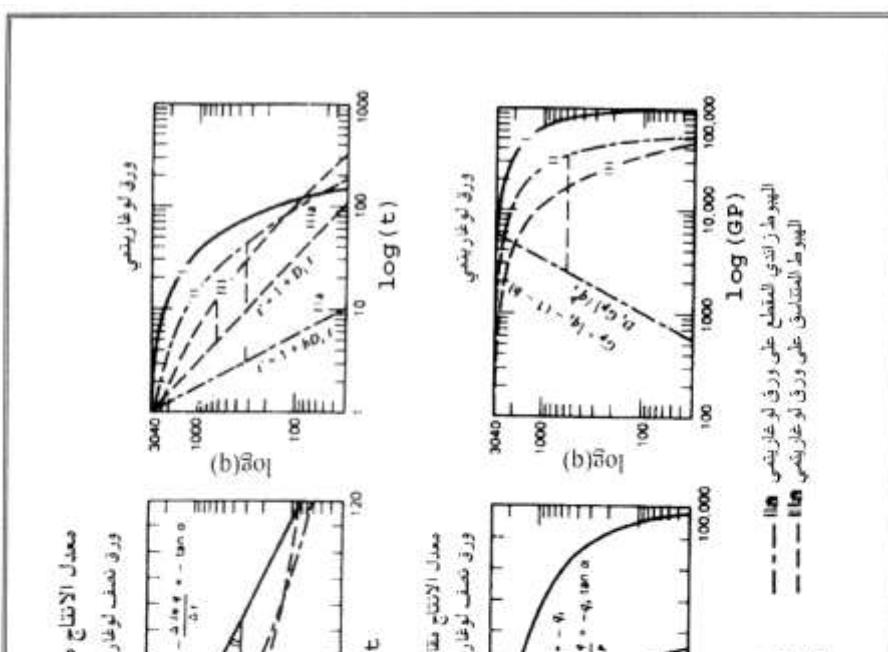


الشكل (11-1) المخطط البياني لمعدل الإنتاج مقابل الزمن

هناك ثلاثة أنماط مميزة لمنحنىات انخفاض الإنتاجية، وكل منها معادلة رياضية تختلف عن الأخرى، ويُحدّد منحني الهبوط بشكل احنائه، وهذه الأشكال هي:

- 1- الانخفاض ذو النسبة الثابتة: (Constant-Percentage Decline)
- 2- الانخفاض المتناسق: (Harmonic Decline)
- 3- الانخفاض زائدي المقطع (بشكل قطع زائد): (Hyperbolic Decline)

فكل نوع من هذه المنحنيات احناء يختلف عن الآخر كما في الشكل (11-2)، حيث تم رسم منحني لمعدل الإنتاج مقابل الزمن ولمعدل الإنتاج مقابل الإنتاج التراكمي وذلك على إحداثيات ديكارتية وإحداثيات نصف لوغاريتمية وإحداثيات لوغاريتمية.

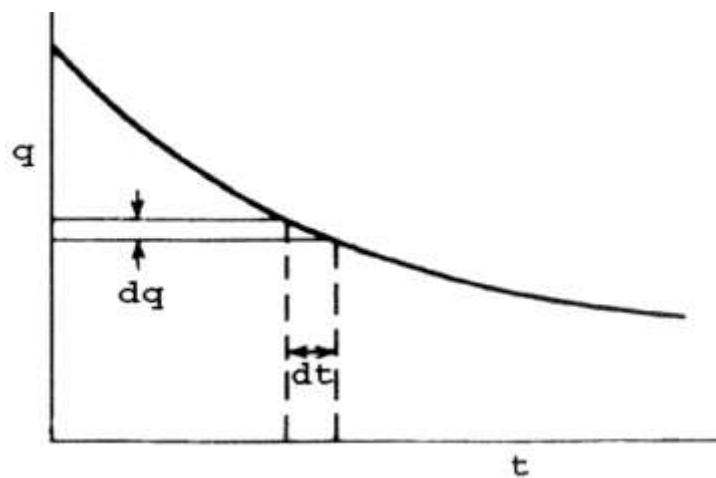


الشكل (11-2) الأنواع الثلاثة لمنحنى انخفاض الإنتاج بالإحداثيات الديكارتية والنصف لوغاريمية واللوغاريمية

#### 11-2-1. الهبوط الاسمي والفعلي: (Nominal and Effective Decline)

يُعرف معدل الانخفاض الفعلي بواحدة الزمن ( $D'$ ) بأنه الهبوط بمعدل الإنتاج من  $(q_t)$  إلى  $(q_{t+1})$  خلال فترة متساوية لواحدة الزمن (شهر واحد أو سنة واحدة) مقسوماً على معدل الإنتاج عند بداية هذه الفترة، الشكل (11-3)، أي أن:

$$D' = \frac{q_t - q_{t+1}}{q_t} = 1 - \frac{q_{t+1}}{q_t} \quad (11-2)$$



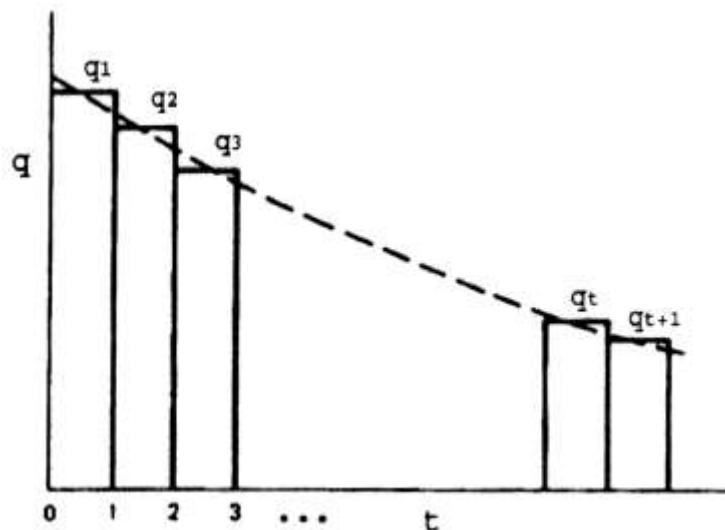
الشكل (11-3) منحنى انخفاض معدل الإنتاج، الانخفاض الفعلى

يمكن تبسيط المعلاجة الرياضية لمنحنىات انخفاض معدل الإنتاج بشكل كبير بإدخال معدل الانخفاض الآني أو المستمر (The Instantaneous or Continuous Decline Rate). يُعرف معدل الانخفاض الآني أو (المستمر) ( $D$ )، بأنه الميل السالب للمنحنى الممثل للوغاريتم الطبيعي لمعدل الإنتاج ( $q$ ) مقابل الزمن ( $t$ )، الشكل (11-4)، أي أن:

$$D = -\frac{d(\ln(q))}{dt} = -\frac{dq/dt}{q} \quad (11-3)$$

يُظهر الطرف الثاني من هذه المعادلة (11-3) بأن ( $D$ ) هو التغير النسبي للإنتاجية ( $(dq/dt)$ ) خلال واحدة زمن. وتم إدخال الإشارة السالبة كون  $dq$  و  $dt$  لهما إشارتين متعاكستان، ومن البديهي اعتبار ( $D$ ) موجبة دائماً.

سيتغير معدل الهبوط بشكل عام مع الزمن باستثناء الانخفاض ذو النسبة المئوية الثابتة، حيث أن ( $D$ ) ثابت.



الشكل (11-4) منحنى انخفاض معدل الإنتاج، الانخفاض الاسمي

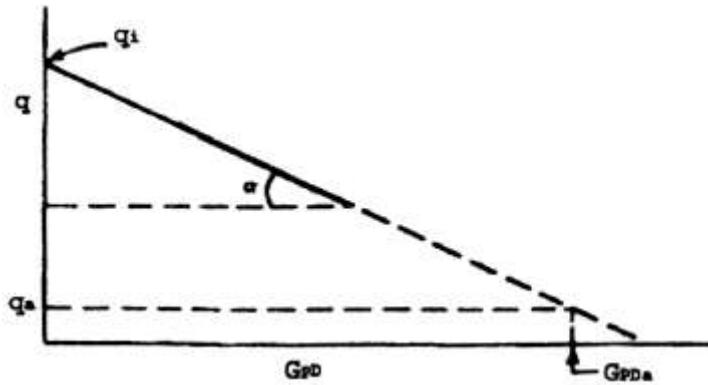
## 11-2-2- الهبوط ذو النسبة الثابتة: (Constant-Percentage Decline)

إن الرسم البياني لمعدل الإنتاج مقابل الزمن ذو انحصار بشكل عام، بينما الرسم البياني لمعدل الإنتاج مقابل الإنتاج التراكمي بالإحداثيات الديكارتية هو خط مستقيم، الشكل (11-5)، ومعادلة هذا الخط هي:

$$q = q_i - \alpha \cdot G_{PD} \quad (11-4)$$

حيث أن:

- $q_i$  - معدل الإنتاج في بداية الانخفاض.
- الإنتاج التراكمي عندما يساوي معدل الإنتاج  $q$ .
- $G_{PD}$  - ميل الخط المستقيم.



الشكل (11-5) الرسم البياني لمعدل الإنتاج قبل الإنتاج التراكمي

نفاصل المعادلة (11-4) مع الأخذ بعين الاعتبار حدود الزمن فنحصل على:

$$\frac{dq}{dt} = -\alpha \cdot \frac{dG_{PD}}{dt} \quad (11-5)$$

$$\frac{dG_{PD}}{dt} = q \quad (11-6)$$

$$\frac{dq}{dt} = -\alpha \cdot q \quad (11-7)$$

بتعويض المعادلة (11-3) في المعادلة (11-7) نحصل على معادلة معدل الانخفاض الاسمي التالية:

$$D = -\frac{1}{q} \frac{dq}{dt} = \alpha \quad (11-8)$$

من هذه المعادلة نجد أنه إذا كان الرسم البياني لـ  $(q)$  مقابل  $(G_{PD})$  خطًا مستقيماً، فإن معدل الهبوط الاسمي المساوي لميل هذا المستقيم سيكون ثابتاً، ومن هنا تمت التسمية بالانخفاض ثابت النسبة، وهو الأبسط والأكثر استعمالاً من بين معدلات انخفاض الإنتاج للأسباب التالية:

- 1- تتبع أكثر الآبار والحقول انخفاض النسبة الثابتة خلال فترة كبيرة من عمرها الإنتاجي، وبعد ذلك سينحرف فقط بشكل ملحوظ من نهاية هذه الفترة.
- 2- إن الحساب الرياضي لأنخفاض النسبة أسهل كثيراً للاستعمال من النماذجين الآخرين لمنحنىات الانخفاض.

3 يحدث الاختلاف بين انخفاض النسبة الثابتة والنموذجين الآخرين للانخفاض بعد عدد كبير نسبياً من السنوات في المستقبل، ولكن عندما يناسب هذا الاختلاف إلى الوقت الحالي لن يكون عادة كبيراً.

المعادلة التفاضلية التي تصف منحنى انخفاض النسبة الثابتة هي:

$$D = -\frac{1}{q} \frac{dq}{dt} \quad (D = \text{constant}) \quad (11-9)$$

هذا يذكر بأن معدل الانخفاض اللحظي أو الاسمي هو نسبة مؤدية ثابتة من معدل الإنتاج اللحظي، ويمكن الحصول على العلاقة بين معدل الإنتاج والزمن بمكاملة المعادلة (11-9):

$$\int_{q_0}^q \frac{dq}{q} = -D \int_0^t dt \quad (11-10)$$

$$q = q_i \cdot e^{-Dt} \quad (11-11)$$

إن المعادلة (11-11) هي تابع أسي، لهذا عادة ما يدعى انخفاض النسبة الثابتة بالانخفاض الأسي ويمكن الحصول على العلاقة بين معدل الإنتاج والإنتاج التراكمي بتكميل المعادلة (11-11):

$$G_{PD} = \int_0^t q \cdot dt = q_i \int_0^t e^{-Dt} \cdot dt \quad (11-12)$$

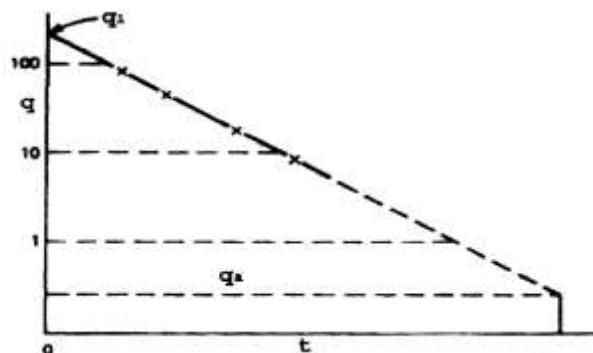
$$G_{PD} = \frac{q_i (1 - e^{-Dt})}{D} = \frac{q_i - q}{D} \quad (11-13)$$

$$q = q_0 - D \cdot G_{PD} \quad (11-14)$$

بأخذ لогاريتم المعادلة (11-11) للأساس (10) نحصل على:

$$\log q = \log q_i - \frac{D}{2.303} t \quad (11-15)$$

حيث أن  $(\ln(10) = 2.303)$ . إن منحني  $(\ln(q))$  مقابل  $(t)$  على ورق بإحداثيات ديكارتية أو  $(q)$  مقابل  $(t)$  على ورق بإحداثيات نصف لوغاريتمية أو لوغاريتمية ستعطي خطأً مستقيماً، الشكل (11-6).



الشكل (11-6) مخطط  $\log q$  مقابل الزمن

وإن معدل الانخفاض الاسمي يساوي ميل الخط المرسوم على ورق بإحداثيات لوغاريتمية، وعند تمديد هذا الخط المستقيم (الجزء المنقط في الشكل 11-6) سنحصل على معدلات الإنتاج المستقبلية وصولاً إلى الحد الاقتصادي ( $q_a$ )، والرسم البياني الثاني المفيد هو رسم ( $q$ ) مقابل ( $G_{PD}$ ) الذي سيعطي خطوطاً مستقيمةً على إحداثيات ديكارتية، الشكل 11-5، وتحدد قيمة معدل الانخفاض الاسمي من ميل هذا المنحني أي أن

$$D = \frac{q_i - q}{G_{PD}} = \tan \alpha \quad (11-16)$$

تفيد الرسومات البيانية ل( $q$ ) مقابل ( $G_{PD}$ ) بشكل خاص للتبيّن بمعدلات الإنتاج عند قيم الإنتاج التراكمي المستقبلية، كما يمكن تحديد الاحتياطي فألي وقت باستهداف الخط المستقيم حتى الحد الاقتصادي للإنجلجية ( $q_a$ ) أو يحسب من العلاقة التالية

$$G_{PD\alpha} = \frac{q_i - q_a}{D} \quad (11-17)$$

يمكن الحصول على القيمة العظمى للغاز القابل للإنتاج بغض النظر عن الاعتبارات الاقتصادية وذلك باستهداف المستقيم حتى القيمة ( $q = 0$ ) وهي تساوي ( $q_i / D$ )، وتدعى أحياناً بالغاز القابل للحركة.

إن واحدة معدل الانخفاض هي ( $1/\text{time}$ ) حيث تتغير حسب واحدة الزمن المستعملة فإذا كان الزمن بالشهر ستكون واحدة معدل الانخفاض ( $D$ ) هي ( $1/\text{month}$ ) وهكذا..

من تعريف معدل الانخفاض الفعلي (المعادلة 2-11)، ومن أجل واحدة الزمن نكتب

$$q_1 = q_i(1 - D') \quad (11-18)$$

من المعادلة (11-11) ومن أجل واحدة الزمن نكتب:

$$q_1 = q_i \cdot e^{-D} \quad (11-19)$$

من المعادلتين (11-18) و(11-19) نجد:

$$\frac{q_1}{q_i} = 1 - D' = e^{-D} = \frac{q_2}{q_1} = \frac{q_3}{q_2} = \dots = \frac{q_i}{q_{i-1}} = r \quad (11-20)$$

$$q_i = q_{i-1}(1 - D') \quad (11-21)$$

حيث أن ( $r$ ) هي نسبة معدلات الإنتاج في السنوات المتتالية، وبذلك نكتب:

$$D' = 1 - e^{-D} = 1 - r \quad (11-22)$$

$$D = \ln(1 - D') = -\ln(r) \quad (11-23)$$

من العلاقة بين معدل الهبوط الفعلي السنوي والشهري وبين معدل الانخفاض الاسمي السنوي والشهري نرى أنه إذا كانت ( $D'_m$ ) هي معدل الانخفاض الفعلي الشهري عندئذ من المعادلة 11-

21) نجد أن معدل الإنتاج عند نهاية الشهر الأول هو  $[q_i(1 - D'_m)]$  وعند نهاية الشهر الثاني هو  $[q_1(1 - D'_m) = q_i(1 - D'_m)^2]$  وهكذا... وبهذا الشكل يكون معدل الإنتاج عند نهاية الشهر الثاني عشر مساوياً لـ  $[q_i(1 - D'_m)^{12}]$ ، ولكن معدل الإنتاج عند نهاية الشهر الثاني عشر هو مساو أيضاً لـ  $[q_i(1 - D'_a)]$ ، حيث أن  $(D'_a)$  هو معدل الانخفاض السنوي الفعلي وبذلك نكتب:

$$1 - D'_a = (1 - D'_m)^{12} \quad (11-24)$$

إذا كانت  $(D_m)$  هي معدل الانخفاض الاسمي الشهري،  $(D_a)$  هي معدل الانخفاض الاسمي السنوي، يكون:

$$e^{-D_a} = (e^{-D_m})^{12} = e^{-12D_m} \quad (11-25)$$

$$D_a = 12D_m \quad (11-26)$$

في حال تقدير الاحتياطي القابل للإنتاج من الاعتبارات الحجمية، وحيث أن معدلات الإنتاج الأولية والنهاية معروفة، فإنه يمكن الحصول على العمر المتبقى حتى زمن هجر أو ترك المكمن وذلك بحل المعادلتين (11-11) و(11-13) بالنسبة للزمن ينتج:

$$t_a = \frac{1}{D} \ln\left(\frac{q_i}{q_a}\right) \quad (11-27)$$

$$t_a = \frac{G_{PDa}}{q_i - q_a} \ln\left(\frac{q_i}{q_a}\right) \quad (11-28)$$

**3-11-2-3- استخدام معدل الانخفاض السنوي الفعلي:**  
إذا كان  $(\bar{q}_t)$  معدل الإنبعاث السنوي الوسطي للسنة  $(t)$ ، عندئذ سيكون الإنتاج التراكمي لعدة سنوات على الشكل التالي:

$$G_{PD} = \bar{q}_1 + \bar{q}_2 + \bar{q}_3 + \dots + \bar{q}_t \quad (11-29)$$

من أجل انخفاض النسبة الثابتة مع معدل انخفاض فعلي سنوي  $(D')$  نكتب:

$$\bar{q}_t = \bar{q}_1(1 - D')^{t-1} \quad (11-30)$$

بتعويض المعادلة (11-30) في المعادلة (11-29) ينتج:

$$G_{PD} = \bar{q}_1 \left[ 1 + (1 - D') + (1 - D')^2 + \dots + (1 - D')^{t-1} \right] \quad (11-31)$$

بضرب المعادلة (11-31) بـ  $(1 - D')$  وبتعويض الناتج بالمعادلة (29-11) نجد:

$$G_{PD} [1 - (1 - D')] = \bar{q}_1 [1 - (1 - D')^t] \quad (11-32)$$

$$G_{PD} = \bar{q}_1 \left[ \frac{1 - (1 - D')^t}{D'} \right] = \frac{\bar{q}_1 - \bar{q}_{t+1}}{D'} \quad (11-33)$$

يجب ملاحظة أن معدل الإنتاج السنوي الوسطي للسنة الأولى ( $\bar{q}_1$ ) سيكون أقل من معدل الإنتاج السنوي اللحظي في بداية السنة الأولى  $q_i$ ، وهناك علاقة بسيطة بين الاثنين

$$\bar{q}_1 = q_i \left( \frac{D'}{D} \right) \quad (11-34)$$